

Listes chaînées, Tableaux & Co.

Lycée Henri Poincaré - Nancy

10 février 2021

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires

Mémoire

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4

Les Tableaux

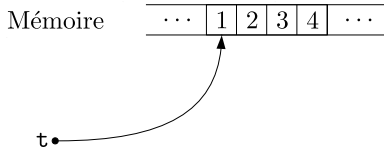
Mémoire

...	1	2	3	4	...
-----	---	---	---	---	-----

Mémoire

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4

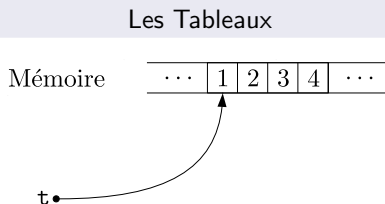
Les Tableaux



```
1 let t = [|1;2;3;4|];;
```

Mémoire

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4

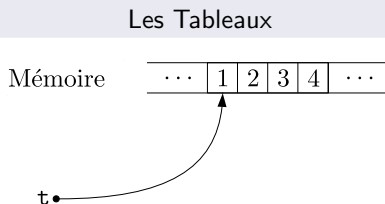


```
1 let t = [|1;2;3;4|];;
```

- ▶ Cases mémoires côte à côte

Mémoire

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4

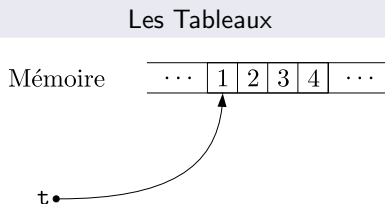


```
1 let t = [|1;2;3;4|];;
```

- ▶ Cases mémoires côte à côte
- ▶ **t** = référence vers 1^{ère} case mémoire

Mémoire

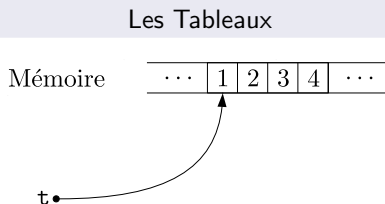
- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4



```
1 let t = [|1;2;3;4|];;
```

- ▶ Cases mémoires côte à côte
- ▶ `t` = référence vers 1^{ère} case mémoire
- ▶ Accès au $i^{\text{ème}}$ élément : rapide

- ▶ Mémoire d'un ordinateur = suite de cases mémoires
- ▶ **But** : stocker les entiers 1 2 3 4

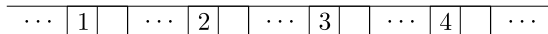


```
1 let t = [|1;2;3;4|];;
```

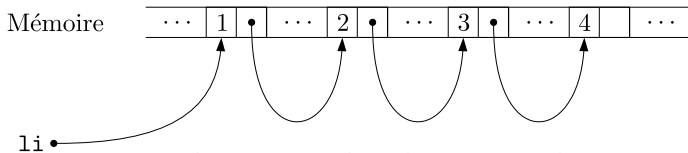
- ▶ Cases mémoires côte à côte
- ▶ `t` = référence vers 1^{ère} case mémoire
- ▶ Accès au $i^{\text{ème}}$ élément : rapide
- ▶ Ajouter/supprimer un élément : lent

Les Listes chaînées

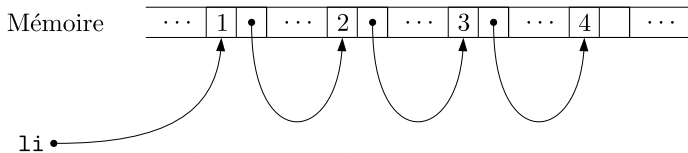
Mémoire



Les Listes chaînées

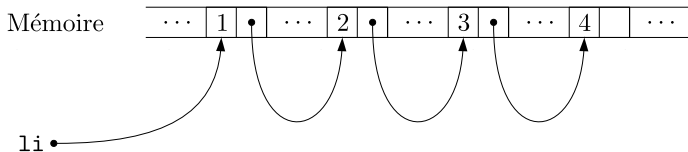


Les Listes chaînées



```
1 let li = [1;2;3;4];;
```

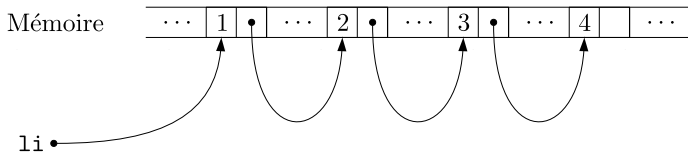
Les Listes chaînées



```
1 let li = [1;2;3;4];;
```

- Cases mémoires éloignées

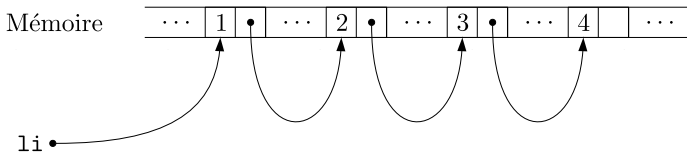
Les Listes chaînées



```
1 let li = [1;2;3;4];;
```

- ▶ Cases mémoires éloignées
- ▶ `li` = référence vers 1^{er} élément

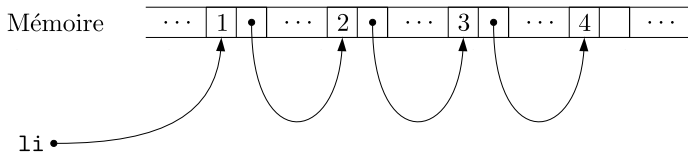
Les Listes chaînées



```
1 let li = [1;2;3;4];;
```

- ▶ Cases mémoires éloignées
- ▶ `li` = référence vers 1^{er} élément
- ▶ Chaque élément contient :
 - Une valeur
 - Une référence vers l'élément suivant

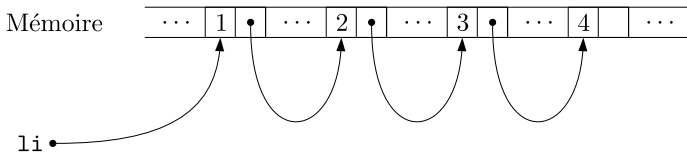
Les Listes chaînées



```
1 let li = [1;2;3;4];;
```

- ▶ Cases mémoires éloignées
- ▶ `li` = référence vers 1^{er} élément
- ▶ Chaque élément contient :
 - Une valeur
 - Une référence vers l'élément suivant
- ▶ Ajouter/supprimer le 1^{er} élément : rapide

Les Listes chaînées



```
1 let li = [1;2;3;4];;
```

- ▶ Cases mémoires éloignées
- ▶ `li` = référence vers 1^{er} élément
- ▶ Chaque élément contient :
 - Une valeur
 - Une référence vers l'élément suivant
- ▶ Ajouter/supprimer le 1^{er} élément : rapide
- ▶ Accéder au $i^{\text{ème}}$ élément : lent

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.
- ▶ **Définition** : une liste de type '`a list`' est :
 - Soit `[]` (liste vide)
 - Soit `e :: l` (concaténation d'un élément de type '`a`' et d'une liste)

Le module `List`

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.
- ▶ **Définition** : une liste de type '`a list`' est :
 - Soit `[]` (liste vide)
 - Soit `e :: l` (concaténation d'un élément de type '`a`' et d'une liste)
- ▶ `list` est un type **récurif**.

Le module `List`

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.
- ▶ **Définition** : une liste de type '`a list`' est :
 - Soit `[]` (liste vide)
 - Soit `e :: l` (concaténation d'un élément de type '`a`' et d'une liste)
- ▶ `list` est un type **récurif**.
- ▶ Adaptées pour **programmation récursive**.

Le module `List`

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.
- ▶ **Définition** : une liste de type '`a list`' est :
 - Soit `[]` (liste vide)
 - Soit `e :: l` (concaténation d'un élément de type '`a`' et d'une liste)
- ▶ `list` est un type **récurif**.
- ▶ Adaptées pour **programmation réursive**.
- ▶ `5::4::8::[]` s'écrit aussi `[5;4;8]`

Le module `List`

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.
- ▶ **Définition** : une liste de type '`a list`' est :
 - Soit `[]` (liste vide)
 - Soit `e :: l` (concaténation d'un élément de type '`a`' et d'une liste)
- ▶ `list` est un type **récurif**.
- ▶ Adaptées pour **programmation réursive**.
- ▶ `5::4::8::[]` s'écrit aussi `[5;4;8]`

Exercice

Écrire une fonction `somme: int list -> int` qui renvoie la somme des éléments d'une liste.

Le module `List`

- ▶ **Attention** : liste chaînée \neq liste de Python.
- ▶ **Définition** : une liste de type `'a list` est :
 - Soit `[]` (liste vide)
 - Soit `e :: l` (concaténation d'un élément de type `'a` et d'une liste)
- ▶ `list` est un type **récurif**.
- ▶ Adaptées pour **programmation récursive**.
- ▶ `5::4::8::[]` s'écrit aussi `[5;4;8]`

Exercice

Écrire une fonction `somme: int list -> int` qui renvoie la somme des éléments d'une liste.

```
1 let rec somme: int list -> int = function
2   | []      -> 0
3   | e::q    -> e + somme q;;
```

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length: 'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length: 'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length: 'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

- ▶ `List.hd: 'a list -> 'a` renvoie le 1^{er} élément (hd = head = tête de la liste).

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length: 'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

- ▶ `List.hd: 'a list -> 'a` renvoie le 1^{er} élément (hd = head = tête de la liste).

```
1 # List.hd [1; 2; 3; 4; 5; 6];;  
2 - : int = 1
```


Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length: 'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

- ▶ `List.hd: 'a list -> 'a` renvoie le 1^{er} élément (hd = head = tête de la liste).

```
1 # List.hd [1; 2; 3; 4; 5; 6];;  
2 - : int = 1
```

- ▶ `List.tl: 'a list -> 'a list` renvoie la liste sans 1^{er} élément (tl = tail = queue de la liste).

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length`: `'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

- ▶ `List.hd`: `'a list -> 'a` renvoie le 1^{er} élément (hd = head = tête de la liste).

```
1 # List.hd [1; 2; 3; 4; 5; 6];;  
2 - : int = 1
```

- ▶ `List.tl`: `'a list -> 'a list` renvoie la liste sans 1^{er} élément (tl = tail = queue de la liste).

```
1 # List.tl [7.1; 0.4; -1.9];;  
2 - : float list = [0.4; -1.9]
```

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length: 'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

- ▶ `List.hd: 'a list -> 'a` renvoie le 1^{er} élément (hd = head = tête de la liste).

```
1 # List.hd [1; 2; 3; 4; 5; 6];;  
2 - : int = 1
```

- ▶ `List.tl: 'a list -> 'a list` renvoie la liste sans 1^{er} élément (tl = tail = queue de la liste).

```
1 # List.tl [7.1; 0.4; -1.9];;  
2 - : float list = [0.4; -1.9]
```

- ▶ `(@): 'a list -> 'a list -> 'a list` concatène deux listes

Les fonctions qui suivent sont rarement utilisées.

- ▶ `List.length`: `'a list -> int` renvoie la longueur de la liste.

```
1 # List.length [3; 6; 9];;  
2 - : int = 3
```

- ▶ `List.hd`: `'a list -> 'a` renvoie le 1^{er} élément (hd = head = tête de la liste).

```
1 # List.hd [1; 2; 3; 4; 5; 6];;  
2 - : int = 1
```

- ▶ `List.tl`: `'a list -> 'a list` renvoie la liste sans 1^{er} élément (tl = tail = queue de la liste).

```
1 # List.tl [7.1; 0.4; -1.9];;  
2 - : float list = [0.4; -1.9]
```

- ▶ `(@)`: `'a list -> 'a list -> 'a list` concatène deux listes

```
1 # [1; 2; 3] @ [4; 5; 6];;  
2 - : int list = [1; 2; 3; 4; 5; 6]
```

Astuce de programmation

Accumulateur = paramètre supplémentaire d'une fonction où est stocké le résultat des appels récursifs précédents.

Astuce de programmation

Accumulateur = paramètre supplémentaire d'une fonction où est stocké le résultat des appels récursifs précédents.

Exemple

Écrire une fonction `rev: 'a list -> 'a list` qui inverse l'ordre des éléments d'une liste.

Astuce de programmation

Accumulateur = paramètre supplémentaire d'une fonction où est stocké le résultat des appels récursifs précédents.

Exemple

Écrire une fonction `rev: 'a list -> 'a list` qui inverse l'ordre des éléments d'une liste.

Indication : créer d'abord une fonction

`rev_aux: 'a list -> 'a list -> 'a list` telle que :

`rev_aux li acc` renvoie `(rev li) @ acc`

► Ne fonctionne pas :

```
1  (* Ne fonctionne pas *)
2  let rec rev: 'a list -> 'a list = function
3    | []    -> []
4    | e::q -> e::rev q;;
```

► Solution :

```
1  let rec rev_aux (li: 'a list) (acc: 'a list): 'a list =
2    match li with
3    | []    -> acc
4    | e::q -> rev_aux q (e::acc);;
5
6  let rev (li: 'a list): 'a list = rev_aux li [];;
```


Les accumulateurs

Remarque : les accumulateurs permettent également de transformer une boucle `while` en fonction récursive :

```
1 let fact_it (n: int): int =
2   let i = ref n in
3   let res = ref 1 in
4   while !i > 1 do
5     res := !res * !i;
6     decr i;    (* i := i - 1 *)
7   done;
8   !res;;
```

```
1 let rec fact_rec_aux (n: int) (i: int) (res: int): int =
2   if i <= 1 then res else fact_rec_aux n (i-1) (res*i);;
3
4 let fact_rec (n: int): int = fact_rec_aux n n 1;;
```

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux**
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

- ▶ Adaptés pour programmation itérative

- ▶ Adaptés pour programmation itérative
- ▶ `[|...|]` : construit un tableau

- ▶ Adaptés pour programmation itérative
- ▶ `[|...|]` : construit un tableau

```
1 # [| |];;  
2 - : 'a array = [| |]
```

Le module `Array`

- ▶ Adaptés pour programmation itérative
- ▶ `[|...|]` : construit un tableau

```
1 # [| |];;  
2 - : 'a array = [| |]
```

```
1 # [|1; 0; 2; 0; 3; 0|];;  
2 - : int array = [|1; 0; 2; 0; 3; 0|]
```

Le module `Array`

- ▶ Adaptés pour programmation itérative
- ▶ `[|...|]` : construit un tableau

```
1 # [| |];;  
2 - : 'a array = [| |]
```

```
1 # [|1; 0; 2; 0; 3; 0|];;  
2 - : int array = [|1; 0; 2; 0; 3; 0|]
```

```
1 # Array.make 5 1.23;;  
2 - : float array = [|1.23; 1.23; 1.23; 1.23; 1.23|]
```

Le module `Array`

- ▶ `t.(i)` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|1; 4; 7; 10|];;  
2 val t : int array = [|1; 4; 7; 10|]
```


Le module `Array`

- ▶ `t.(i)` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|1; 4; 7; 10|];;  
2 val t : int array = [|1; 4; 7; 10|]
```

```
1 # t.(0);;  
2 - : int = 1
```

Le module Array

- ▶ `t.(i)` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|1; 4; 7; 10|];;  
2 val t : int array = [|1; 4; 7; 10|]
```

```
1 # t.(0);;  
2 - : int = 1
```

```
1 # t.(1);;  
2 - : int = 4
```

Le module Array

- ▶ `t.(i)` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|1; 4; 7; 10|];;  
2 val t : int array = [|1; 4; 7; 10|]
```

```
1 # t.(0);;  
2 - : int = 1
```

```
1 # t.(1);;  
2 - : int = 4
```

```
1 # t.(2);;  
2 - : int = 7
```

Le module Array

- ▶ `t.(i)` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|1; 4; 7; 10|];;  
2 val t : int array = [|1; 4; 7; 10|]
```

```
1 # t.(0);;  
2 - : int = 1
```

```
1 # t.(1);;  
2 - : int = 4
```

```
1 # t.(2);;  
2 - : int = 7
```

```
1 # t.(3);;  
2 - : int = 10
```

Le module Array

- ▶ `t.(i)` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|1; 4; 7; 10|];;  
2 val t : int array = [|1; 4; 7; 10|]
```

```
1 # t.(0);;  
2 - : int = 1
```

```
1 # t.(1);;  
2 - : int = 4
```

```
1 # t.(2);;  
2 - : int = 7
```

```
1 # t.(3);;  
2 - : int = 10
```

```
1 # t.(-1);;  
2 Exception: Invalid_argument "index out of bounds".
```

Le module Array

- ▶ `t.(i) <- e` : modifie l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|0; 1; 2; 8; 4; 5|] in
2   t.(3) <- 3;
3   t;;
4 - : int array = [|0; 1; 2; 3; 4; 5|]
```

Le module `Array`

- ▶ `t.(i) <- e` : modifie l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|0; 1; 2; 8; 4; 5|] in
2     t.(3) <- 3;
3     t;;
4 - : int array = [|0; 1; 2; 3; 4; 5|]
```

- ▶ `Array.length` : taille du tableau

```
1 # let t = [|5; 5; 5; 5; 5|] in
2     Array.length t;;
3 - : int = 5
```

Le module Array

- ▶ `t.(i) <- e` : modifie l'élément d'indice `i`

```
1 # let t = [|0; 1; 2; 8; 4; 5|] in
2   t.(3) <- 3;
3   t;;
4 - : int array = [|0; 1; 2; 3; 4; 5|]
```

- ▶ `Array.length` : taille du tableau

```
1 # let t = [|5; 5; 5; 5; 5|] in
2   Array.length t;;
3 - : int = 5
```

Exercice

Écrire une fonction `echange: 'a array -> int -> int -> unit` telle que `echange t i j` échange les éléments d'indice `i` et `j` de `t`.

Solution de l'exercice

```
1 let echange (t: 'a array) (i: int) (j: int): unit =  
2   let tmp = t.(i) in  
3   t.(i) <- t.(j);  
4   t.(j) <- tmp;;
```

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé**
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python L	List Ocaml li	Array Ocaml t
Paradigme			
Accès aux éléments			
Calcul de la longueur			
Ajout en tête			
Ajout			
Suppression en tête			
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python L	List Ocaml li	Array Ocaml t
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments			
Calcul de la longueur			
Ajout en tête			
Ajout			
Suppression en tête			
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python <code>L</code>	List Ocaml <code>li</code>	Array Ocaml <code>t</code>
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments	<code>L[i]</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.nth li i</code> Temps $\Theta(i)$	<code>t.(i)</code> Temps $\Theta(1)$
Calcul de la longueur			
Ajout en tête			
Ajout			
Suppression en tête			
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python <code>L</code>	List Ocaml <code>li</code>	Array Ocaml <code>t</code>
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments	<code>L[i]</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.nth li i</code> Temps $\Theta(i)$	<code>t.(i)</code> Temps $\Theta(1)$
Calcul de la longueur	<code>len(L)</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.length li</code> Temps $\Theta(\text{taille})$	<code>Array.length t</code> Temps $\Theta(1)$
Ajout en tête			
Ajout			
Suppression en tête			
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python <code>L</code>	List Ocaml <code>li</code>	Array Ocaml <code>t</code>
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments	<code>L[i]</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.nth li i</code> Temps $\Theta(i)$	<code>t.(i)</code> Temps $\Theta(1)$
Calcul de la longueur	<code>len(L)</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.length li</code> Temps $\Theta(\text{taille})$	<code>Array.length t</code> Temps $\Theta(1)$
Ajout en tête	<code>L.insert</code> Temps non constant	<code>let li2 = e::li</code> Temps $\Theta(1)$	Pas adapté pour cette opération
Ajout			
Suppression en tête			
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python <code>L</code>	List Ocaml <code>li</code>	Array Ocaml <code>t</code>
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments	<code>L[i]</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.nth li i</code> Temps $\Theta(i)$	<code>t.(i)</code> Temps $\Theta(1)$
Calcul de la longueur	<code>len(L)</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.length li</code> Temps $\Theta(\text{taille})$	<code>Array.length t</code> Temps $\Theta(1)$
Ajout en tête	<code>L.insert</code> Temps non constant	<code>let li2 = e::li</code> Temps $\Theta(1)$	Pas adapté pour cette opération
Ajout	<code>L.insert, L.append</code> Temps non constant	Pas adapté pour cette opération	Pas adapté pour cette opération
Suppression en tête			
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python <code>L</code>	List Ocaml <code>li</code>	Array Ocaml <code>t</code>
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments	<code>L[i]</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.nth li i</code> Temps $\Theta(i)$	<code>t.(i)</code> Temps $\Theta(1)$
Calcul de la longueur	<code>len(L)</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.length li</code> Temps $\Theta(\text{taille})$	<code>Array.length t</code> Temps $\Theta(1)$
Ajout en tête	<code>L.insert</code> Temps non constant	<code>let li2 = e::li</code> Temps $\Theta(1)$	Pas adapté pour cette opération
Ajout	<code>L.insert, L.append</code> Temps non constant	Pas adapté pour cette opération	Pas adapté pour cette opération
Suppression en tête	<code>del L[0]</code> Temps non constant	<code>let li2 = List.tl li</code> Temps $\Theta(1)$	Pas adapté pour cette opération
Suppression			

Liste Python — Liste chaînée — Tableau

	Liste Python <code>L</code>	List Ocaml <code>li</code>	Array Ocaml <code>t</code>
Paradigme	Itératif ou récursif	Récursif	Itératif
Accès aux éléments	<code>L[i]</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.nth li i</code> Temps $\Theta(i)$	<code>t.(i)</code> Temps $\Theta(1)$
Calcul de la longueur	<code>len(L)</code> Temps $\Theta(1)$	<code>List.length li</code> Temps $\Theta(\text{taille})$	<code>Array.length t</code> Temps $\Theta(1)$
Ajout en tête	<code>L.insert</code> Temps non constant	<code>let li2 = e::li</code> Temps $\Theta(1)$	Pas adapté pour cette opération
Ajout	<code>L.insert, L.append</code> Temps non constant	Pas adapté pour cette opération	Pas adapté pour cette opération
Suppression en tête	<code>del L[0]</code> Temps non constant	<code>let li2 = List.tl li</code> Temps $\Theta(1)$	Pas adapté pour cette opération
Suppression	<code>del L[i]</code> Temps non constant	Pas adapté pour cette opération	Pas adapté pour cette opération

Choix d'une structure de données :

- ▶ De quelles opérations ai-je besoin ?

Choix d'une structure de données :

- ▶ De quelles opérations ai-je besoin ?
 - Ajouter et supprimer des éléments \rightsquigarrow `List`

Choix d'une structure de données :

- ▶ De quelles opérations ai-je besoin ?
 - Ajouter et supprimer des éléments \rightsquigarrow `List`
 - Modifier les éléments \rightsquigarrow `Array`

Choix d'une structure de données

Choix d'une structure de données :

- ▶ De quelles opérations ai-je besoin ?
 - Ajouter et supprimer des éléments \rightsquigarrow `List`
 - Modifier les éléments \rightsquigarrow `Array`

Exemples :

Choix d'une structure de données :

- ▶ De quelles opérations ai-je besoin ?
 - Ajouter et supprimer des éléments \rightsquigarrow `List`
 - Modifier les éléments \rightsquigarrow `Array`

Exemples :

- ▶ J'ai besoin de supprimer les éléments négatifs :
 \rightsquigarrow Utilisation de `List`.

Choix d'une structure de données

Choix d'une structure de données :

- ▶ De quelles opérations ai-je besoin ?
 - Ajouter et supprimer des éléments \rightsquigarrow `List`
 - Modifier les éléments \rightsquigarrow `Array`

Exemples :

- ▶ J'ai besoin de supprimer les éléments négatifs :
 \rightsquigarrow Utilisation de `List`.
- ▶ J'ai besoin d'échanger des éléments :
 \rightsquigarrow Utilisation de `Array`.

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères**
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

- ▶ '' : pour définir un caractère

```
1 # let c = 'a';;  
2 val c : char = 'a'
```

Caractères et chaîne de caractères

- ▶ `' '` : pour définir un caractère

```
1 # let c = 'a';;  
2 val c : char = 'a'
```

- ▶ `" "` : pour définir une chaîne de caractères

```
1 # let s = "abcde";;  
2 val s : string = "abcde"
```

Caractères et chaîne de caractères

- ▶ `' '` : pour définir un caractère

```
1 # let c = 'a';;  
2 val c : char = 'a'
```

- ▶ `" "` : pour définir une chaîne de caractères

```
1 # let s = "abcde";;  
2 val s : string = "abcde"
```

- ▶ Contrairement à Python : `'a' ≠ "a"`

Caractères et chaîne de caractères

- ▶ `' '` : pour définir un caractère

```
1 # let c = 'a';;  
2 val c : char = 'a'
```

- ▶ `" "` : pour définir une chaîne de caractères

```
1 # let s = "abcde";;  
2 val s : string = "abcde"
```

- ▶ Contrairement à Python : `'a' ≠ "a"`
- ▶ `string ≈ char array`

Caractères et chaîne de caractères

- ▶ `' '` : pour définir un caractère

```
1 # let c = 'a';;  
2 val c : char = 'a'
```

- ▶ `" "` : pour définir une chaîne de caractères

```
1 # let s = "abcde";;  
2 val s : string = "abcde"
```

- ▶ Contrairement à Python : `'a' ≠ "a"`
- ▶ `string ≈ char array`
- ▶ `s.[i]` : accès à l'élément d'indice `i`

```
1 # let s = "abcde" in  
2     s.[4];;  
3 - : char = 'e'
```

- ▶ `String.length` : longueur d'une `string`

```
1 # String.length "Test";;  
2 - : int = 4
```

- ▶ `String.length` : longueur d'une `string`

```
1 # String.length "Test";;  
2 - : int = 4
```

- ▶ `^` : concaténation de deux `string`

```
1 # "Hello " ^ "World" ^ " !";;  
2 - : string = "Hello World !"
```


Caractères et chaîne de caractères

- ▶ `String.length` : longueur d'une `string`

```
1 # String.length "Test";;
2 - : int = 4
```

- ▶ `^` : concaténation de deux `string`

```
1 # "Hello " ^ "World" ^ " !";;
2 - : string = "Hello World !"
```

- ▶ Les `string` sont non-mutables (non modifiables)

```
1 # s.[0] <- 'A';;
2 1 | s.[0] <- 'A';;
3     ^
4 Error: This expression has type string but an
   expression was expected of type bytes
```

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices**
- 7 `List.map` & `List.iter`

Matrice = tableau de tableaux

Matrice = tableau de tableaux

```
1 # let m = Array.make_matrix 3 4 0;;  
2 val m : int array array = [| [|0; 0; 0; 0|]; [|0; 0; 0;  
    0|]; [|0; 0; 0; 0|]|]
```

Matrice = tableau de tableaux

```
1 # let m = Array.make_matrix 3 4 0;;
2 val m : int array array = [| [0; 0; 0; 0]; [0; 0; 0; 0];
   [0; 0; 0; 0] |]
```

```
1 # m.(0).(1) <- 9;;
2 - : unit = ()
3 # m;;
4 - : int array array = [| [0; 9; 0; 0]; [0; 0; 0; 0];
   [0; 0; 0; 0] |]
```

Matrice = tableau de tableaux

```
1 # let m = Array.make_matrix 3 4 0;;
2 val m : int array array = [| [|0; 0; 0; 0|]; [|0; 0; 0; 0;
  0|]; [|0; 0; 0; 0|]|]
```

```
1 # m.(0).(1) <- 9;;
2 - : unit = ()
3 # m;;
4 - : int array array = [| [|0; 9; 0; 0|]; [|0; 0; 0; 0|];
  [|0; 0; 0; 0|]|]
```

Attention, ne pas utiliser `Array.make 3 (Array.make 4 0)` :

```
1 # let m = Array.make 3 (Array.make 4 0) in
2     m.(0).(0) <- 1;
3     m;;
4 - : int array array = [| [|1; 0; 0; 0|]; [|1; 0; 0; 0|];
  [|1; 0; 0; 0|]|]
```

- 1 Données en mémoire
- 2 Les listes chaînées
- 3 Tableaux
- 4 Résumé
- 5 Caractères & chaînes de caractères
- 6 Matrices
- 7 `List.map` & `List.iter`

Hors programme

Hors programme

- ▶ `List.map: ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`
- ▶ `List.map f [a1; a2; ...; an]` s'évalue en `[f a1; f a2; ...; f an]`

Hors programme

- ▶ `List.map: ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`
- ▶ `List.map f [a1; a2; ...; an]` s'évalue en `[f a1; f a2; ...; f an]`

Exercice

Écrire une fonction qui prend en entrée une liste d'entiers et élève ses éléments au carré.

Hors programme

- ▶ `List.map: ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`
- ▶ `List.map f [a1; a2; ...; an]` s'évalue en `[f a1; f a2; ...; f an]`

Exercice

Écrire une fonction qui prend en entrée une liste d'entiers et élève ses éléments au carré.

```
1 let carre (li: int list): int list =  
2   List.map (fun x -> x*x) li;;
```

```
1 # carre [1; 2; 3; 4];;  
2 - : int list = [1; 4; 9; 16]
```

Hors programme

Hors programme

- ▶ `List.iter: ('a -> unit) -> 'a list -> unit`
- ▶ `List.iter f [a1; a2; ...; an]` effectue `f a1; f a2; ...; f an`

Hors programme

- ▶ `List.iter: ('a -> unit) -> 'a list -> unit`
- ▶ `List.iter f [a1; a2; ...; an]` effectue `f a1; f a2; ...; f an`

Exercice

Écrire une fonction qui affiche les éléments d'une liste d'entiers.

Hors programme

- ▶ `List.iter: ('a -> unit) -> 'a list -> unit`
- ▶ `List.iter f [a1; a2; ...; an]` effectue `f a1; f a2; ...; f an`

Exercice

Écrire une fonction qui affiche les éléments d'une liste d'entiers.

```
1 let print_list (li: int list): unit =  
2   let f x = print_int x;  
3       print_char ' ' in  
4   List.iter f li;;
```

Hors programme

- ▶ `List.iter: ('a -> unit) -> 'a list -> unit`
- ▶ `List.iter f [a1; a2; ...; an]` effectue `f a1; f a2; ...; f an`

Exercice

Écrire une fonction qui affiche les éléments d'une liste d'entiers.

```
1 let print_list (li: int list): unit =  
2     let f x = print_int x;  
3         print_char ' ' in  
4     List.iter f li;;
```

```
1 # print_list [1; 2; 3; 4];;  
2 1 2 3 4 - : unit = ()
```


Hors programme

- ▶ `List.iter: ('a -> unit) -> 'a list -> unit`
- ▶ `List.iter f [a1; a2; ...; an]` effectue `f a1`; `f a2`; ...; `f an`

Exercice

Écrire une fonction qui affiche les éléments d'une liste d'entiers.

```
1 let print_list (li: int list): unit =  
2   let f x = print_int x;  
3       print_char ' ' in  
4   List.iter f li;;
```

```
1 # print_list [1; 2; 3; 4];;  
2 1 2 3 4 - : unit = ()
```

- ▶ Pour ceux qui connaissent `printf` (comme en C) :

```
1 let print_list li = List.iter (Printf.printf "%d ") li;;
```